

Документ подписан простой электронной подписью
Информация о владельце:
ФИО: Куижева Саида Казбековна
Должность: Ректор
Дата подписания: 21.09.2021 13:00:09
Уникальный программный ключ:
71183e1134ef9cfa690200a480271b5c1a979eb1

МИНОБРНАУКИ РОССИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«Майкопский государственный технологический университет»

Факультет инженерный
Кафедра математики, физики и системного анализа



РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

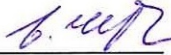
по дисциплине Б1.Б.06 Математика
по направлению подготовки бакалавров 15.03.02 Технологические машины и оборудование
по профилю подготовки Машины и аппараты пищевых производств
квалификация (степень) выпускника Бакалавр
программа подготовки Академический бакалавриат
форма обучения Заочная
год начала подготовки 2021

МАЙКОП

Рабочая программа составлена на основе ФГОС ВО и учебного плана МГТУ по направлению 15.03.02. Технологические машины и оборудование

Составитель рабочей программы:


кандидат педагогических наук, доцент
(должность, ученое звание, степень)


(подпись) Чуяко Е.Б.
(Ф.И.О.)

Рабочая программа утверждена на заседании кафедры

Математики, физики и системного анализа
(наименование кафедры)

Заведующий кафедрой
«1» 07 2021 г.


(подпись) Дёмина Т.И.
(Ф.И.О.)


Одобрено учебно-методической комиссией факультета
(где осуществляется обучение)

«1» 07 2021 г.


Председатель
учебно-методического
совета направления (специальности)
(где осуществляется обучение)


(подпись) Сиюхов Х.Р.
(Ф.И.О.)


Декан факультета
(где осуществляется обучение)
«1» 07 2021 г.


(подпись) Схаляхов А.А.
(Ф.И.О.)

СОГЛАСОВАНО:
Начальник УМУ
«1» 07 2021 г.


(подпись) Чудесова Н.Н.
(Ф.И.О.)

Зав. выпускающей кафедрой
по направлению (специальности)


(подпись) Сиюхов Х.Р.
(Ф.И.О.)

1. Цели и задачи освоения дисциплины

Математика является не только мощным средством решения прикладных задач и универсальным языком науки, но также и элементом общей культуры. Поэтому математическое образование следует рассматривать как важнейшую составляющую фундаментальной подготовки специалиста.

Современная математика характеризуется интенсивным проникновением в другие науки. Математические методы применяются для решения самых разных задач – технических, физических, механических и т.д. Особенно возрастает роль математики в настоящее время, когда широко используются компьютерные технологии. Изучение математики совершенствует общую культуру мышления, дисциплинирует ее, приучает человека логически рассуждать, воспитывает у него точность и обстоятельность аргументации.

Целью освоения дисциплины является соответствие содержания и качества подготовки обучающихся федеральному государственному образовательному стандарту высшего образования 15.03.02 «Технологические машины и оборудование».

2. Место дисциплины в структуре ОП по направлению подготовки

Дисциплина «Математика» входит в базовую часть блока дисциплин подготовки бакалавра по направлению «технологические машины и оборудование».

Логическая и содержательно–методическая взаимосвязь с другими дисциплинами и частями ОП выражается в следующем.

Дисциплине «Математика» предшествует общематематическая подготовка в объёме средней общеобразовательной школы или колледжа.

В результате освоения предшествующих дисциплин студент должен:

знать: основные понятия и методы элементарной математики, геометрии, алгебры и начал математического анализа;

уметь: производить действия с числами; - использовать основные алгебраические тождества для преобразования алгебраических выражений; - выполнять геометрические построения; доказывать математические утверждения;

владеть: приемами вычислений на калькуляторе инженерного типа; навыками использования математических справочников.

Освоение данной дисциплины как предшествующей необходимо при изучении следующих дисциплин: физика, химия, теоретическая механика, электротехника и электроника и др.

3. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесённых с планируемыми результатами освоения образовательной программы.

Планируемые результаты освоения образовательной программы.

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующих компетенций:

общекультурными компетенциями (ОК):

- способностью к самоорганизации и самообразованию (ОК-7);

-общепрофессиональными компетенциями (ОПК):

- способностью к приобретению с большой степенью самостоятельности новых знаний с использованием современных образовательных и информационных технологий (ОПК-1);

Планируемые результаты обучения по дисциплине.

В результате освоения дисциплины бакалавр должен:

знать:

- сущность и значение самообразования;

- современные образовательные и информационные технологии.

уметь:

- саморазвиваться, повышать свою квалификацию и мастерство;
- вести поиск информации в сети Интернет.

владеть:

- навыками самостоятельной работы;
- навыками использования информации, полученной из сети Интернет.

4. Объем дисциплины и виды учебной работы. Общая трудоёмкость дисциплины составляет 12 зачетных единицы (432 часа).

Вид учебной работы	Всего часов/з.е.	семестры		
		1	2	3
Контактные часы (всего)	46,95/1,3	14,25/0,4	16,35/0,45	16,35/0,45
В том числе:				
Лекции (Л)	22/0,6	8/0,2	8/0,2	6/0,2
Практические занятия (ПЗ)	24/0,7	6/0,2	8/0,2	10/0,3
Семинары (С)				
Лабораторные работы (ЛР)				
Контактная работа в период аттестации (КРАТ)	0,95/0,03	0,25/0,007	0,35/0,01	0,35/0,01
Самостоятельная работа под руководством преподавателя (СРП)				
Самостоятельная работа с (СР) (всего)	364/10,1	120/3,3	125/3,5	119/3,3
В том числе:				
Курсовой проект (работа)				
Выполнение контрольных работ	72/2	36/1	36/1	
Составление плана-конспекта	129/3,6	36/1	45/1,3	48/1,3
Подбор и анализ примеров	91/2,5	12/0,3	8/0,2	71/2
Изучение онлайн курса	72/2	36/1	36/1	
Контроль (всего)	21,05/0,6	3,75/0,2	8,65/0,2	8,65/0,2
Форма промежуточной аттестации: (зачёт, экзамен, экзамен)		зачёт	экзамен	экзамен
Общая трудоемкость (часы/з.е)	432/12	144/4	144/4	144/4

5. Структура и содержание дисциплины

5.1. Структура дисциплины

№ п/ п	Раздел дисциплины	Виды учебной работы, включая самостоятельную и трудоёмкость (в часах)					
		Л	СЛЗ	КРАТ	СРП	Контроль	СР
1 семестр							
1.	Линейная алгебра	2					24
2.	Аналитическая геометрия		4				24
3.	Комплексные числа		2				24
4.	Предел последовательности. Предел функции.	2					24
5.	Дифференциальное исчисление функции одной переменной	4					24
	Промежуточная аттестация			0,25		3,75	
2 семестр							
6.	Дифференциальное исчисление функций нескольких переменных	2	2				40
7.	Интегральное исчисление	2	4				45
8.	Дифференциальные уравнения	4	2				40
	Промежуточная аттестация			0,35		8,65	
3 семестр							
9.	Ряды	2	4				36
10.	Теория вероятностей	2	3				44
11.	Математическая статистика	2	3				39
	Промежуточная аттестация			0,35		35,65	
	ИТОГО	22	24	0,95		21,05	364

5.2. Содержание разделов дисциплины «Математика», образовательные технологии. Лекционный курс

1 семестр						
№п/п	Наименование темы дисциплины	Трудоёмкость (часы)	Содержание	Формируемые компетенции	Результаты освоения (знать, уметь, владеть)	Образовательные технологии
I.	Линейная алгебра	2/0,05	Матрицы, действия с матрицами. Свойства операций над матрицами. Понятие обратной матрицы. Элементарные преобразования. Ранг матрицы. Теорема о базисном миноре. Определители 2 и 3 порядков. Их свойства. Алгебраические дополнения. Определители n-го порядка. Системы линейных уравнений. Основные понятия. Правило Крамера. Матричный метод решения систем линейных уравнений. Теорема Кронекера-Капелли. Метод Гаусса.	ОК-7 ОПК-1	Знать: основные понятия и теоремы линейной алгебры Уметь: складывать, перемножать матрицы, находить обратную матрицу. Вычислять определители 2,3,...,n-го порядков. Решать СЛУ методом Крамера, матричным методом, методом Гаусса. Решать однородные СЛУ. Владеть: решением СЛУ с помощью компьютерных программ.	Лекция Онлайн-курс «Линейная алгебра и аналитическая геометрия»
II.	Аналитическая геометрия		Векторы. Линейные операции над векторами. Проекция вектора на ось. Направляющие косинусы вектора. Длина вектора. Система координат на прямой, плоскости и в пространстве. Пространство R^2 и R^3 . Полярная система координат. Скалярное, векторное и смешанное произведение векторов. Их свойства и выражение в координатной форме. Условие ортогональности и коллинеарности векторов. Приложение в геометрии и	ОК-7 ОПК-1	Знать: основные понятия и теоремы аналитической геометрии. Уметь: использовать полученную информацию для решения задач геометрии. Владеть: навыками сбора и анализа информации, для решения задач повышенной трудности.	Лекция Онлайн-курс «Линейная алгебра и аналитическая геометрия»

			<p>технике. Простейшие задачи аналитической геометрии. Различные виды уравнения прямой на плоскости. Уравнения плоскости и прямой в пространстве. Признаки параллельности прямой и плоскости. Угол между плоскостями. Угол между прямой и плоскостью. Кривые второго порядка. Поверхности второго порядка. Окружность, эллипс, парабола, гипербола. Их геометрические свойства и уравнения. Поверхности второго порядка (эллипсоиды, гиперboloиды и т.д.). Понятие линейного пространства. Примеры. Линейные подпространства. Линейная зависимость. Базис. Линейные отображения. Собственные векторы и собственные значения.</p>			
<p>III.</p>	<p>Комплексные числа</p>		<p>Мнимая единица. Алгебраическая форма записи комплексного числа. Изображение комплексного числа на плоскости. Действия над комплексными числами в алгебраической форме записи. Тригонометрическая форма записи комплексного числа. Действия над комплексными числами в тригонометрической форме записи. Показательная форма записи комплексного</p>	<p>OK-7 ОПК-1</p>	<p>Знать: понятие мнимой единицы, формы записи комплексного числа Уметь: совершать действия над комплексными числами в разных формах записи. Владеть: техникой перехода от одной формы записи к другой.</p>	<p>Лекции.</p>

IV.	Предел последовательности. Предел функции.	2/0,05	<p>числа. Действия над комплексными числами в показательной форме записи.</p> <p>Числовые последовательности. Предел числовой последовательности.</p> <p>Существование предела монотонной ограниченной последовательности. Свойства пределов. Предел функции в точке. Предел функции в бесконечности. Свойства функций, имеющей предел. Бесконечный предел. Замечательные пределы. Бесконечно малые и бесконечно большие функции. Их свойства</p> <p>Связь между бесконечно большими и бесконечно малыми функциями. Сравнение бесконечно малых функций. Эквивалентные бесконечно малые, их использование при вычислении пределов. Понятие непрерывности функции. Различные определения непрерывности функции в точке. Непрерывность основных элементарных функций. Классификация точек разрыва функций. Свойства функций, непрерывных на отрезке. Теорема об ограниченности непрерывной функции на отрезке. Теорема о достижении функций, непрерывной на</p>	ОК-7 ОПК-1	<p>Знать: Основные определения и теоремы теории пределов.</p> <p>Уметь: находить пределы функции в точке, в ∞, при различных видах неопределённых, вычислять 1-ый и 2-ой замечательные пределы, определение непрерывности функции, определение точек разрыва.</p> <p>Владеть: навыками сбора и анализа информации</p>	Лекция Онлайн курс «Математический анализ»
-----	-----------------------------------------------	--------	--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	---------------	--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	--------------------------------------------------

V.	Дифференциальное исчисление функции одной переменной.	4/0, 1	<p>отрезке, своих точных граней.</p> <p>Производная функции. Задачи, приводящие к понятию производной. Определение производной. Ее геометрический и механический смысл. Правила дифференцирования сумм, произведения, частного. Таблица производных.</p> <p>Производная сложной и обратной функции.</p> <p>Понятие сложной функции. Производная сложной функции. Понятие обратной функции. Производная обратной функции.</p> <p>Производные обратных тригонометрических функций.</p> <p>Производная параметрически заданной функции. Понятие дифференцируемости функции. Дифференциал функции. Связь производной и дифференциала. Геометрический смысл дифференциала. Инвариантность формы дифференциала.</p> <p>Производные и дифференциалы высших порядков. Формула Лейбница. Неинвариантность формы дифференциалов порядка выше первого. Основные теоремы дифференциального исчисления. Теоремы Ферма, Ролля, Лагранжа, Коши. Примеры их применения, правило Лопиталя. Формула Тейлора с остаточным</p>	ОК-7 ОПК-1	<p>Знать: основные понятия и теоремы дифференцируемости функции одной переменной, правила дифференцирования, таблицу производных, таблицу дифференциалов.</p> <p>Уметь: применять полученные знания для вычисления производных функций, для построения графиков функций.</p> <p>Владеть: навыками решения прикладных задач.</p>	Лекция Онлайн курс «Математический анализ»
----	-------------------------------------------------------	--------	------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	---------------	------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	--------------------------------------------------

			<p>членом в форме Лагранжа. Разложение функций e^x, $\sin x$, $\cos x$, $\ln(1+x)$, $(1+x)^a$ по формуле Тейлора. Применение формулы Тейлора. Исследование поведения функции. Отыскание точек локального экстремума функции. Условия монотонности функций. Экстремумы. Необходимое и достаточное условие возрастания и убывания функций. Необходимое условие экстремума. Достаточные признаки существования экстремума. Отыскание наибольшего и наименьшего значений непрерывных на отрезке функций. Исследование выпуклости функции. Точки перегиба. Общая схема построения графиков функций. Асимптоты функций. Пример построения графиков функций.</p>			
2 семестр						
VI.	Дифференциальное исчисление функций нескольких переменных.	2/0,05	<p>Функции нескольких переменных. Понятие функции нескольких переменных. Область определения. Геометрическое изображение функции двух переменных. Предел функции двух переменных. Непрерывность функции двух переменных. Частные производные и</p>	ОК-7 ОПК-1	<p>Знать: основные понятия, теоремы теории функций нескольких переменных. Уметь: находить частные производные 1-го и 2-го порядков, смешанные частные производные, экстремум функций. Владеть: навыками описания зависимостей, существующих в природе, с помощью теории ФНП.</p>	Лекция Онлайн курс «Математический анализ»

VII.	Интегральное исчисление.	2/0,05	<p>Первообразная и неопределенный интеграл. Понятие первообразной функции. Неопределенный интеграл и его свойства. Таблица основных формул интегрирования. Основные методы интегрирования. Непосредственное</p>	<p>дифференцируемость функций нескольких переменных. Полный дифференциал и его связь с частными производными. Инвариантность формы полного дифференциала. Касательная плоскость и нормаль к поверхности. Геометрический смысл полного дифференциала. Градиент и производная по направлению. Частные производные и полные дифференциалы высших порядков. Частные производные высших порядков. Дифференциалы высших порядков. Формула Тейлора для функций двух переменных. Экстремумы функции переменных. Определение экстремума. Необходимое условие экстремума. Достаточное условие существования экстремума. Метод наименьших квадратов. Условный экстремум. Метод множителей Лагранжа.</p>	<p>ОК-7 ОПК-1</p>	<p>Лекция Онлайн курс «Математический анализ»</p>
------	--------------------------	--------	-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	-----------------------	-----------------------------------------------------------

			<p>интегрирование. Интегрирование по частям и замена переменной. Интегрирование рациональных функций. Использование методы разложения на простейшие дроби разложения на простейшие дроби. Интегрирование выражений, содержащих тригонометрические функции. Интегрирование некоторых иррациональных выражений. Определенный интеграл как предел интегральных сумм. Условия существования определенного интеграла. Основные свойства определенного интеграла. Оценки интегралов. Интеграл и переменным верхним пределом. Формула Ньютона-Лейбница и ее применение для вычисления определенных интегралов. Вычисление определенных интегралов. Интегрирование по частям и замена переменной. Приближенное вычисление определенного интеграла: формулы прямоугольников, трапеций и Симпсона. Некоторые физические и геометрические приложения определенного интеграла. Вычисление площадей криволинейной трапеции. Длина дуги кривой. Объем тела вращения. Работа переменной</p>		
--	--	--	------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	--	--

			<p>силы. Несобственные интегралы. Несобственные интегралы с бесконечными пределами интегрирования. Несобственные интегралы от неограниченных функций. Их основные свойства. Абсолютная и условная сходимость. Признаки сходимости.</p>			
VIII.	Дифференциальные уравнения.	4/0,1	<p>Дифференциальные уравнения 1-го порядка. Основные понятия. Задача Коши. Теорема существования и единственности задачи Коши. Понятие об особых решениях дифференциальных уравнений. Основные классы уравнений 1-го порядка, интегрируемых в квадратурах. Приложения дифференциальных уравнений 1-го порядка в различных областях науки. Дифференциальные уравнения высших порядков. Основные понятия. Задача Коши. Понятие о краевых задачах для дифференциального уравнения. Уравнения, высших порядков допускающие понижения порядка. Линейные однородные дифференциальные уравнения. Их основные свойства. Линейная зависимость и независимость решений. Определитель Вронского Структура общего</p>	ОК-7 ОПК-1	<p>Знать: основные понятия и теоремы дифференциальных уравнений. Уметь: решать ДУ 1-го порядка с разделёнными и разделяющимися переменными, однородные ДУ, линейные ДУ. ДУ 2-го порядка, ДУ 2-го порядка, допускающие понижение степени, линейные ДУ высших порядков. Владеть: навыками постановки и решения прикладных задач.</p>	Лекция Онлайн курс «Математический анализ»

				решения. Линейные однородные уравнения 2 порядка с постоянными коэффициентами. Характеристическое уравнение. 3 возможных случая. Линейное неоднородные дифференциальные уравнения. Метод Лагранжа вариации произвольных постоянных. Линейные неоднородные уравнения с постоянными коэффициентами. Уравнения с правой частью специального вида.			
3 семестр							
IX.	Ряды.	2/0,05	Числовые ряды. Основные определения. Свойства сходящихся рядов. Необходимое условие сходимости. Достаточные условия сходимости знакоположительных рядов: признаки сравнения, Даламбера, Коши, интегральный. Знакопеременные ряды. Знакочередующиеся ряды. Теорема Лейбница. Абсолютная и условная сходимость. Степенные ряды. Интервал и радиус сходимости степенного ряда. Свойства степенных рядов. Почленное дифференцирование и интегрирование степенных	ОК-7 ОПК-1	Знать: основные понятия и теоремы теории рядов. Уметь: применять признаки сравнения рядов, находить радиус и интервал сходимости, раскладывая функции в степенной ряд. Владеть: применением рядов в приближённых вычислениях.	Лекция	

			<p>рядов. Ряды Тейлора и Маклорена. Разложение функции в степенной ряд. Применение степенных рядов в приближенных вычислениях значений функции и интегралов</p>			
<p>Х.</p>	<p>Теория вероятностей</p>	<p>2/0,05</p>	<p>Вероятность события. Случайные события. Алгебра событий. Классическое и статистическое определение вероятностей. Элементы комбинаторики. Теоремы сложения и умножения вероятностей. Условная вероятность. Теорема сложения вероятностей совместных событий. Основные формулы для вероятности событий. Формула полной вероятности. Формула Байеса. Формула Бернулли. Формула Пуассона. Дискретные случайные величины. Виды случайных величин. Распределение дискретной случайной величины. Математическое ожидание и дисперсия, их свойства. Непрерывные случайные величины. Функция и плотность распределения вероятностей. Математическое ожидание и дисперсия. Мода и медиана. Моменты. Основные виды распределений: равномерное, экспоненциальное,</p>	<p>ОК-7 ОПК-1</p>	<p>Знать: классическое определение вероятности, формулы комбинаторики, теоремы сложения и умножения вероятностей, условную вероятность, формулы полной вероятности, Байеса, Бернулли, Пуассона, виды случайных величин, основные виды распределений. Уметь: применять полученные знания при решении задач. Владеть: приёмами решения нестандартных задач.</p>	<p>Лекция-беседа</p>

			<p>нормальное Системы случайных величин. Распределение двумерной случайной величины. Ковариация и коэффициент корреляции. Линейная регрессия. Предельные теоремы теории вероятностей. Закон больших чисел. Центральная предельная теорема.</p>			
XI.	Математическая статистика	2/0,05	<p>Выборка и ее распределение. Выборочная и генеральная совокупности. Типы выборок. Полигон частот и гистограмм. Статистическое распределение выборки. Эмпирическая функция распределения. Статистические оценки. Несмещенные, эффективные и состоятельные оценки. Выборочная средняя и выборочная дисперсия. Точечная и интервальные оценки. Доверительный интервал. Метод моментов для точечной оценки параметров распределения. Проверка статистических гипотез. Понятие статистической гипотезы. Ошибки первого и второго рода. Проверка гипотезы о распределении генеральной совокупности. Сравнение двух дисперсий нормальных генеральных совокупностей. Критерий Пирсона. Корреляционно-регрессионный</p>	ОК-7 ОПК-1	<p>Знать: теоретический материал данного раздела. Уметь: применять данный материал при решении задач математической статистики. Владеть: навыками сбора и обработки информации.</p>	Лекция

				анализ. Выборочные уравнения регрессии. Линейный коэффициент корреляции.				
	Итого:		22/0,6					

5.3. Практические и семинарские занятия, их наименование, содержание и объем в часах

№ п/п	№ раздела дисциплины	Наименование практических и семинарских занятий	Объем в часах/трудоемкость в з.е.
Семестр 1			
1.	Линейная алгебра.	Матрицы. Действия с матрицами. Определители. Решение СЛУ методом Крамера, матричным методом.	
2.	Аналитическая геометрия.	Координаты вектора, длина вектора, угол между векторами, скалярное, векторное, смешанное произведение векторов. Различные виды уравнений прямой, плоскости, угол между плоскостями. Кривые второго порядка.	4/0,1
3.	Комплексные числа.	Действия над комплексными числами в алгебраической, тригонометрической и показательной формах записи. Решение квадратных уравнений. Переход от одной формы записи комплексного числа к другой.	2/0,1
4.	Предел последовательности. Предел функции.	Предел числовой последовательности. Предел функции. Предел функции в точке. Предел функции в бесконечности. Теоремы о пределах функции. Типы неопределённостей и способы их раскрытия. Замечательные пределы. Их свойства. Различные определения непрерывности функции в точке. Непрерывность основных элементарных функций. Классификация точек разрыва функций.	
5.	Дифференциальное исчисление функции одной переменной.	Правила дифференцирования суммы, произведения, частного. Таблица производных. Понятие сложной функции. Производная сложной функции. Понятие обратной функции. Производная обратной функции. Производные обратных тригонометрических функций. Производная параметрически заданной функции. Дифференциал функции. Связь производной и дифференциала. Геометрический смысл дифференциала. Производные и дифференциалы высших порядков. Формула Лейбница. Неинвариантность формы дифференциалов порядка выше первого. Условия монотонности функций. Экстремумы функции. Отыскание наибольшего и наименьшего значений непрерывных на отрезке функций. Общая схема построения графиков функций. Исследование выпуклости функции.	
Семестр 2			

1.	Дифференциальное исчисление функций нескольких переменных.	Предел функции двух переменных. Частные производные первого порядка. Непрерывность функции двух переменных. Геометрический смысл полного дифференциала. Градиент и производная по направлению. Частные производные высших порядков. Дифференциалы высших порядков. Определение экстремума. Необходимое условие экстремума. Достаточное условие существования экстремума. Условный экстремум.	2/0,1
2.	Интегральное исчисление.	Непосредственное интегрирование. Интегрирование по частям и замена переменной. Интегрирование рациональных функций. Интегрирование выражений, содержащих тригонометрические функции. Интегрирование некоторых иррациональных выражений. Определённый интеграл. Интегрирование по частям и замена переменной в определённом интеграле. Несобственные интегралы с бесконечными пределами интегрирования. Несобственные интегралы от неограниченных функций. Их основные свойства. Абсолютная и условная сходимость. Признаки сходимости.	2/0,1
3.	Дифференциальные уравнения.	Дифференциальные уравнения 1-го порядка с разделёнными и с разделяющимися переменными. Однородные дифференциальные уравнения. Линейные дифференциальные уравнения. Уравнение Бернулли. Дифференциальные уравнения высших порядков, допускающие понижение степени. Линейные однородные уравнения 2-го порядка с постоянными коэффициентами. Линейные неоднородные дифференциальные уравнения 2-го порядка.	4/0,1
Семестр 3			
1.	1. Ряды.	Числовые ряды. Знакопеременные ряды. Свойства сходящихся рядов. Необходимое условие сходимости. Достаточные условия сходимости знакоположительных рядов: признаки сравнения, Даламбера, Коши, интегральный. Знакопеременные ряды. Теорема Лейбница. Абсолютная и условная сходимость. Степенные ряды. Интервал и радиус сходимости степенного ряда. Свойства степенных рядов. Почленное дифференцирование и интегрирование степенных рядов. Ряды Тейлора и Маклорена. Разложение функции в степенной ряд.	2/0,1
2.	Теория вероятностей.	Вероятность события. Случайные события.	2/0,1

		Алгебра событий. Классическое и статистическое определение вероятностей событий. Элементы комбинаторики. Теоремы сложения и умножения вероятностей. Условная вероятность. Теорема сложения вероятностей совместных событий. Основные формулы для вероятности событий. Формула полной вероятности. Формула Байеса. Формула Бернулли. Формула Пуассона. Дискретные случайные величины. Виды случайных величин. Распределение дискретной случайной величины. Математическое ожидание и дисперсия, их свойства. Непрерывные случайные величины. Функция и плотность распределения вероятностей. Математическое ожидание и дисперсия. Мода и медиана. Моменты. Основные виды распределений: равномерное, экспоненциальное, нормальное. Системы случайных величин. Распределение двумерной случайной величины. Ковариация и коэффициент корреляции. Линейная регрессия. Предельные теоремы теории вероятностей. Закон больших чисел. Центральная предельная	
3.	Математическая статистика.	Выборка и ее распределение. Выборочная и генеральная совокупности. Типы выборок. Полигон частот и гистограмм. Статистическое распределение выборки. Эмпирическая функция распределения. Статистические оценки. Несмещенные, эффективные и состоятельные оценки. Выборочная средняя и выборочная дисперсия. Точечная и интервальные оценки. Доверительный интервал. Метод моментов для точечной оценки параметров распределения. Проверка статистических гипотез. Понятие статистической гипотезы. Ошибки первого и второго рода. Проверка гипотезы о распределении генеральной совокупности. Сравнение двух дисперсий нормальных генеральных совокупностей.	2/0,1
	Итого:		24/0,7

При проведении практических занятий создаются условия для максимально самостоятельного выполнения заданий. Поэтому при проведении практического занятия преподавателю рекомендуется:

1. Провести экспресс-опрос (устно или в тестовой форме) по теоретическому материалу, необходимому для выполнения работы (с оценкой).
2. Проверить правильность выполнения заданий, подготовленных студентом дома (с оценкой).
3. Рекомендовать студентам использование онлайн курсов для изучения конкретных тем дисциплины.

Любое практическое занятие включает самостоятельную проработку теоретического материала и изучение методики решения типичных задач. Некоторые задачи содержат элементы научных исследований, которые могут потребовать углубленной самостоятельной проработки теоретического материала.

5.4. Лабораторные занятия, их наименование и объем в часах

Лабораторные занятия учебным планом не предусмотрены.

5.5. Примерная тематика курсовых проектов (работ)

Курсовой проект (работа) учебным планом не предусмотрены.

5.6. Самостоятельная работа студентов

При организации внеаудиторной самостоятельной работы по данной дисциплине преподавателю рекомендуется использовать следующие ее формы:

- изучение онлайн курсов;
- конспектирование первоисточников и другой учебной литературы;
- проработку учебного материала (по конспектам, учебной и научной литературе);
- изучение учебного материала, перенесённого с аудиторных занятий на самостоятельную проработку;
- решение студентом самостоятельных задач обычной сложности, направленных на закрепление знаний и умений;
- выполнение индивидуальных заданий повышенной сложности, направленных на развитие у студентов научного мышления и инициативы;
- выполнение расчетно-графических домашних заданий;
- подготовку к контрольным срезам знаний, тестированию, зачету или экзамену.

Содержание и объём самостоятельной работы студентов

Разделы и темы рабочей программы самостоятельного изучения	Перечень домашних заданий и других вопросов для самостоятельного изучения	Сроки выполнения	Объем в часах/трудоемкость в з.е.
Семестр 1			
1. Метод Жордано-Гаусса.	Составление конспекта. Подбор и решение	4 нед	24/0,7
2. Эллипсоид, однополостной гиперболоид, двуполостной гиперболоид, эллиптический параболоид, гиперболический параболоид, конус второго порядка.	Составление конспекта. Подбор и решение примеров	8 нед	24/0,7
3. Комплексные числа	Составление конспекта. Подбор и решение примеров	10 нед	24/0,7
4. Множества. Действительные числа. Функция.	Составление конспекта. Подбор и решение примеров	11 нед	24/0,7

5. Дифференциальное исчисление функции одной переменной. Решение прикладных задач.	Составление конспекта. Подбор и решение примеров	16 нед	24/0,7
Семестр 2			
6. Двойные и тройные интегралы.	Составление конспекта. Подбор и решение	5 нед	40/1,1
7. Наибольшее и наименьшее значения функции в замкнутой области.	Составление конспекта. Подбор и решение примеров	10 нед	45/1,3
8. Системы дифференциальных уравнений	Составление конспекта. Подбор и решение примеров	16 нед	40/1,1
Семестр 3			
9. Ряды Фурье. Интеграл Фурье.	Составление конспекта. Подбор и решение примеров	6 нед	36/1
10. Основы теории случайных процессов.	Составление конспекта. Подбор и решение примеров	12 нед	44/1,1
11. Т-тест.	Составление конспекта. Подбор и решение примеров	16 нед	39/1,0
Итого			364/10,1


6. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине (модулю)

6.1. Методические указания (собственные разработки)

1. Чуяко, Е.Б. Высшая математика в примерах и задачах [Электронный ресурс]: учебное пособие для бакалавров / Е.Б. Чуяко. - Майкоп : Кучеренко В.О., 2014. - 187 с. - Режим доступа: <http://lib.mkgtu.ru:8002/libdata.php?id=2100024903>

2. Литература для самостоятельной работы

1. Курс высшей математики. Ч. 1 [Электронный ресурс]: учебник / М.К. Беданок М.К. и др. – Майкоп: Магарин О.Г., 2013. – 384 с. – Режим доступа: <http://lib.mkgtu.ru:8002/libdata.php?id=2000047917>
2. Курс высшей математики. Ч. 2 [Электронный ресурс]: учебник / М.К. Беданок М.К. и др. – Майкоп: Магарин О.Г., 2013. – 279 с. – Режим доступа: <http://lib.mkgtu.ru:8002/libdata.php?id=2000047918>
3. Куижева, С.К. Теория вероятностей и математическая статистика [Электронный ресурс]: методические указания и контрольные задания для студентов заочников / С.К. Куижева, Л.Ж. Паланджянц, О.П. Шевякова. - Майкоп: Кучеренко В.О., 2014. - 40 с. - Режим доступа: <http://lib.mkgtu.ru:8002/libdata.php?id=2100024871>
4. Шипачев, В.С. Высшая математика [Электронный ресурс]: учебник / В.С. Шипачев. - Москва: ИНФРА-М, 2019. - 479 с. - ЭБС «Znanium.com» - Режим доступа: <http://znanium.com/catalog/product/990716>
5. Шипачев, В.С. Задачник по высшей математике [Электронный ресурс]: учебное пособие / В.С. Шипачев. - М.: ИНФРА-М, 2020 - 304 с. - ЭБС «Znanium.com» - Режим доступа: <https://znanium.com/catalog/document?id=344429>

СОГЛАСОВАНО
С БИБЛИОТЕКОЙ МГТУ

/САМУСОВА Е.Е./

7. Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине «Математика»

7.1. Перечень компетенций с указанием этапов их формирования в процессе освоения образовательной программы

Этапы формирования компетенции (согласно учебному плану ОФО)	Наименование учебных дисциплин, формирующих компетенции в процессе освоения образовательной программы
ОК-7:Способность к самоорганизации и самообразованию	
1,2,3	Математика
1	История
1	Адыгейский язык
1,2,3	Иностранный язык
1,2,3	Физика
1	Химия
3	Экология
4	Химия пищи
1	Инженерная графика
4	Метрология, стандартизация и сертификация
6	Общие принципы обработки пищевого сырья
2	Психология
6	Физико-механические свойства сырья и готовых продуктов
4	Пищевая биотехнология
4	Современные методы техно-химического контроля пищевых производств
2	Социология
ОПК-1: способностью к приобретению с большой степенью самостоятельности новых знаний с использованием современных образовательных и информационных технологий.	
1,2,3	Математика
1,2,3	Физика
1	Инженерная графика

7.2. Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкалы оценивания

Планируемые результаты освоения компетенции	Критерии оценивания результатов обучения				Наименование оценочного средства
	неудовлетворительно	удовлетворительно	хорошо	отлично	
ОК-7: Способность к самоорганизации и самообразованию					
знать: сущность и значение самообразования;	Фрагментарные знания	Неполные знания	Сформированные, но содержащие отдельные пробелы знания	Сформированные систематические знания	Контрольная работа, тесты, письменный опрос, зачет, экзамен
уметь: саморазвиваться, повышать свою квалификацию и мастерство;	Частичные умения	Неполные умения	Учения полные, допускаются небольшие ошибки	Сформированные умения	
владеть: навыками самостоятельной работы.	Частичное владение навыками	Несистематическое применение навыков	В систематическом применении навыков допускаются пробелы	Успешное и систематическое применение навыков	
ОПК-1 способностью к приобретению с большой степенью самостоятельности новых знаний с использованием современных образовательных и информационных технологий.					
знать: современные образовательные и информационные технологии;	Фрагментарные знания	Неполные знания	Сформированные, но содержащие отдельные пробелы знания	Сформированные систематические знания	Контрольная работа, тесты, письменный опрос, зачет, экзамен
уметь: вести поиск информации в сети Интернет;	Частичные умения	Неполные умения	Учения полные, допускаются небольшие ошибки	Сформированные умения	
владеть: навыками использования информации, полученной из сети Интернет .	Частичное владение навыками	Несистематическое применение навыков	В систематическом применении навыков допускаются пробелы	Успешное и систематическое применение навыков	

7.3. Типовые контрольные задания и иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы

Тематика контрольных работ
Семестр 1

Задание 1

Найти произведение матриц:

$$\begin{pmatrix} 6 & -2 \\ 4 & 1 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 2 & -5 & -4 \\ 1 & -3 & 2 \end{pmatrix}$$

Задание 2

Решить матричное уравнение:

$$\begin{pmatrix} 2 & -1 & 4 \\ 1 & 5 & 4 \\ 0 & 0 & 2 \end{pmatrix} \cdot X = \begin{pmatrix} -1 & 2 & 1 \\ -2 & 9 & 0 \\ -6 & 7 & 3 \end{pmatrix}$$

Задание 3

Вычислить определитель:

$$\begin{vmatrix} 3 & 1 & -2 & 8 \\ -1 & 3 & 4 & 4 \\ 2 & 7 & 5 & 18 \\ 1 & 1 & 4 & 4 \end{vmatrix}$$

Задание 4

Решить СЛУ а) методом Крамера

б) матричным методом

$$\begin{cases} 7x_1 - 3x_2 + 5x_3 = 32 \\ 5x_1 + 2x_2 + x_3 = 11 \\ 2x_1 - x_2 + 3x_3 = 14 \end{cases}$$

Задание 5

Решить СЛУ методом Гаусса

$$\begin{cases} x_1 + 3x_2 - x_3 + 2x_4 = 5 \\ x_1 + x_2 - 3x_3 - 2x_4 = -7 \\ 2x_1 - 2x_2 + 4x_3 - 3x_4 = -9 \end{cases}$$

Задание 6

Даны координаты вершин пирамиды A_1, A_2, A_3, A_4 : $A_1(1, -2, 3)$, $A_2(3, 1, 4)$, $A_3(1, 2, 5)$, $A_4(-1, -1, -2)$. Требуется:

- 1) найти длины рёбер A_1A_2 и A_1A_3
- 2) угол между рёбрами A_1A_2 и A_1A_3
- 3) площадь грани $A_1A_2A_3$
- 4) объём пирамиды
- 5) уравнения прямых A_1A_2 и A_1A_3
- 6) уравнения плоскостей $A_1A_2A_3$ и $A_1A_2A_4$
- 7) угол между плоскостями $A_1A_2A_3$ и $A_1A_2A_4$
- 8) длину высоты пирамиды, опущенную из вершины A_4 на основание $A_1A_2A_3$.

Задание 7

Даны две вершины $A(-3, 3)$; $B(5, -1)$ и точка $D(4, 3)$ высот треугольника. Составить уравнения его сторон.

Задание 8

Построить окружность $x^2 + y^2 + 6x - 4y - 3 = 0$

Задание 9

Даны комплексные числа $z_1 = 2 + 3i$, $z_2 = 5 - 7i$. Найти а) $z_1 + z_2$, б) $z_1 - z_2$, в) $z_1 z_2$

Задание 10

Вычислить пределы функций

а) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^3 + 5x + 1}{3x + 7}$

$$\text{б) } \lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^2 - 1}{x^2 + 3x + 2}$$

$$\text{в) } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{1+3x}-1}{2-\sqrt{4-6x}}$$

$$\text{г) } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1-\cos x}{4x^2}$$

$$\text{д) } \lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{2}{x}\right)^{3x}$$

Задание 11

Найти точки разрыва функции, если они существуют. Сделать чертёж.

$$f(x) = \begin{cases} 2^x, & x < 2 \\ x + 2, & x > 2 \\ 3, & x = 2 \end{cases}$$

Задание 12

Найти производные данных функций

$$\text{а) } y = 0,8\sqrt[5]{x} - \frac{x^2}{0,3} + \frac{1}{6} + \frac{0,7}{x^3}$$

$$\text{б) } y = \ln(x+2 + \sqrt{x^2 + 4x + 5})$$

$$\text{в) } y = \cos^2\left(\sin \frac{x}{5}\right)$$

$$\text{г) } \arctg y + xy^2 = 0$$

$$\text{д) } y = \frac{(x-3)^2(2x-1)}{(x+1)^3}$$

Задание 13

Вычислить приближённо, используя дифференциал функции $3,002^4$

Задание 14

Исследовать функцию и построить её график

$$y = e^{-x^2}$$

Задание 15

Найти число, которое, будучи сложено со своим квадратом даёт наименьшую сумму.

Семестр 2

Задание 1

Показать, что функция $z = \ln(e^x + e^y)$ удовлетворяет уравнению $\frac{\partial^2 z}{\partial x^2} + 2 \cdot \frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y} + \frac{\partial^2 z}{\partial y^2} = 0$

Задание 2

Вычислить приближённо $\arctg \frac{1,02}{0,95}$

Задание 3

Найти экстремум функции $z = x^2 + xy + y^2 - 3x - 6y$

Задание 4

Найти наименьшее и наибольшее значения функции $z = x^2 - xy + y^2 - 4x$ в замкнутой области, ограниченной прямыми $x = 0, y = 0, 2x + 3y - 12 = 0$

Задание 5

Вычислить неопределённые интегралы

$$\text{а) } \int e^x \left(1 + \frac{e^{-x}}{x^3}\right) dx$$

$$\text{б) } \int \frac{e^{\arctg x}}{1+x^2} dx$$

$$\text{в) } \int x^2 \sin x dx$$

$$\text{г) } \int \frac{dx}{x^2 + 6x + 25}$$

$$\text{д) } \int \frac{dx}{x^5 - x^2}$$

$$\text{е) } \int \frac{dx}{4 \sin x + 3 \cos x + 5}$$

Задание 6

Вычислить определённый интеграл

$$\text{а) } \int_1^3 x^3 \sqrt{x^2 - 1} dx$$

$$б) \int_{-1}^0 x \arctg x dx$$

Задание 7

Вычислить несобственный интеграл

$$\int_0^{+\infty} \frac{\arctg x}{1+x^2} dx$$

Задание 8

Найти площадь фигуры, ограниченной осью абсцисс и линиями $y = (x-4)^2$ и $y = 16 - x^2$.

Задание 9

Решить уравнение с разделяющимися переменными $y' + 2x^2 y' + 2xy - 2x = 0$

Задание 10

Решить однородное дифференциальное уравнение $(x-y)dx + xdy = 0$

Задание 11

Решить линейное дифференциальное уравнение $\frac{dy}{dx} - \frac{2y}{x+1} = (x+1)^2$

Задание 12

Решить дифференциальное уравнение, предварительно понизив его порядок $y'' = 4x$

Задание 13

Решить дифференциальное уравнение $y'' + y' - 2y = 6x^2$

Тестовые задания

1. Даны матрицы $A_{3 \times 2} = \begin{pmatrix} -3 & 1 \\ 2 & -1 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$ и $B_{2 \times 3} = \begin{pmatrix} 1 & -2 & 0 \\ 3 & -1 & 4 \end{pmatrix}$. Тогда матрица $A \cdot B$ имеет

размерность

Варианты ответов:

- | | |
|-----------------|-----------------|
| 1) 3×2 | 2) 2×2 |
| 3) 3×3 | 4) 2×3 |

2. Если (x_0, y_0) решение системы линейных уравнений

$$\begin{cases} 2x - 3y = -12 \\ 4x - 3y = -15 \end{cases}$$

Тогда $x_0 - y_0$ равно...

Варианты ответов:

- | | |
|---------|---------|
| 1) 1,5 | 2) 4,5 |
| 3) -4,5 | 4) -1,5 |

3. Прямая проходит через точки $O(0;0)$ и $A(-7;21)$. Тогда ее угловой коэффициент равен...

Варианты ответов:

- | | |
|-------|-------|
| 1) -7 | 2) 7 |
| 3) 3 | 4) -3 |

4. Полярные координаты точки $A(3; -3\sqrt{3})$ имеют вид...

Варианты ответов:

1) $\left(6; \frac{3}{2}\pi\right)$

2) $\left(6; -\frac{\pi}{3}\right)$

3) $\left(6; \frac{\pi}{6}\right)$

4) $\left(36; -\frac{\pi}{3}\right)$

5. (выберите варианты согласно тексту задания)

Укажите соответствие между кривыми второго порядка и их уравнением

1. $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{9} = 1$

2. $3x^2 + y = 4$

3. $-\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{16} = 1$

4. $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{9} = 1$

Варианты ответов:

A) эллипс

B) гипербола

C) парабола

D) окружность

1. Модуль комплексного числа $3 + 4i$ равен...

Варианты ответов:

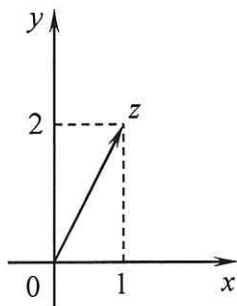
1) 7

2) 3

3) 4

4) 5

2. Алгебраическая форма комплексного числа, изображенного на рисунке имеет вид...



Варианты ответов:

1) $z = 1 + 2i$

2) $z = 2 + i$

3) $z = \sqrt{3}$

4) $z = 1 - 2i$

3. Если $z_1 = 2 - i$, $z_2 = 5 - i$, то $z_1 \cdot z_2$ равно...

Варианты ответов:

1) $11 - 7i$

2) $9 - 7i$

3) $10 - 7i$

4) $10 + 7i$

4. На числовой прямой дана точка $x = 6,2$. Тогда ее « ε – окрестностью» может являться интервал...

Варианты ответов:

- | | |
|---------------|---------------|
| 1) (6,2; 6,6) | 2) (6,1; 6,5) |
| 3) (5,9; 6,5) | 4) (6,0; 6,3) |

10. Установите соответствие между функциями и их производными

- | | | |
|------------------|------------------------|-------------------------|
| 1. $y = e^{x^3}$ | 2. $y = (\ln x - 1)^2$ | 3. $y = (1 - \cos x)^2$ |
|------------------|------------------------|-------------------------|

Варианты ответов:

- | | |
|----------------------------------------|-----------------------------|
| A) $3x^2 e^{x^3}$ | B) $\frac{2(\ln x - 1)}{x}$ |
| C) $2 \cdot (1 - \cos x) \cdot \sin x$ | D) $x^3 e^{x^3 - 1}$ |
| E) $2 \cdot (1 - \cos x)$ | |

11. Значение производной второго порядка функции $y = \sin 2x + 4x$ в точке $x = \frac{\pi}{4}$ равно...

Варианты ответов:

- | | |
|-------|-------|
| 1) 4 | 2) 1 |
| 3) -4 | 4) -1 |

12. Множество первообразных функций $f(x) = e^{2x}$ имеет вид...

Варианты ответов:

- | | |
|------------------------------|-----------------------------|
| 1) $e^{2x} + c$ | 2) $\frac{1}{2} e^{2x} + c$ |
| 3) $-\frac{1}{2} e^{2x} + c$ | 4) $2e^{2x} + c$ |

13. Если $\int_0^{\frac{1}{2}} f(x) dx = 3$ и $\int_{\frac{1}{2}}^1 f(x) dx = 5$, то интеграл $\int_0^1 2f(x) dx$ равен...

Варианты ответов:

- | | |
|------|-------|
| 1) 2 | 2) 16 |
| 3) 8 | 4) 4 |

14. Частная производная $\frac{\partial^2 z}{\partial x^2}$ функции $z = 2x^2 + 3xy + y^2$ в точке $M(1,2)$ равна...

Варианты ответов:

- | | |
|-------|------|
| 1) 12 | 2) 3 |
|-------|------|

3) 4

4) 6

15. Общий интеграл дифференциального уравнения $\frac{dy}{y^2} = \frac{dx}{1+x^2}$ имеет вид...

Варианты ответов:

1) $-\frac{1}{y} = \operatorname{arctg} \frac{1}{x} + c$

2) $\frac{1}{y} = -\ln(1+x^2) + c$

3) $-\frac{1}{y} = \operatorname{arctg} x + c$

4) $\frac{1}{y} = \ln(1+x^2) + c$

16. Дано дифференциальное уравнение $y' - \frac{3}{x}y = -\frac{6}{x}$. Тогда его решением является функция...

Варианты ответов:

1) $y = x^3$

2) $y = x^3 + 2$

3) $y = \frac{3}{x^2}$

4) $y = e^{3x}$

17. Частному решению линейного неоднородного дифференциального уравнения $y'' - 3y' - 18y = x + 10$ по виду его правой части соответствует функция...

Варианты ответов:

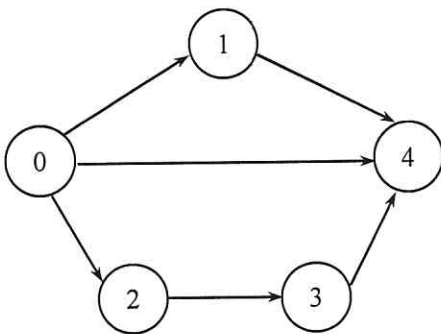
1) $y = e^{3x}(Ax + B)$

2) $y = Ax^2 + Bx$

3) $y = Ae^{-3x} + Be^{6x}$

4) $y = Ax + B$

18. Для ориентированного графа, изображенного на рисунке



полный путь может иметь вид...

Варианты ответов:

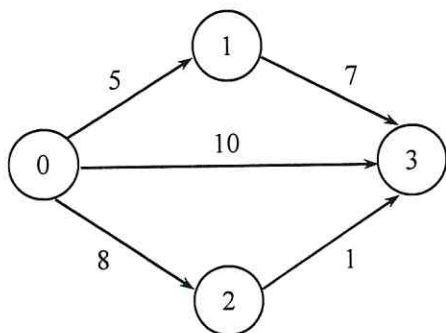
1) $L: 3 \rightarrow 4$

2) $L: 0 \rightarrow 2 \rightarrow 3 \rightarrow 4$

3) $L: 0 \rightarrow 1 \rightarrow 3$

4) $L: 0 \rightarrow 1 \rightarrow 2 \rightarrow 3 \rightarrow 4$

19. Для сетевого графика, изображенного на рисунке



длина критического пути равна...

Варианты ответов:

- | | |
|-------|-------|
| 1) 9 | 2) 31 |
| 3) 10 | 4) 12 |

20. Событие A может наступить лишь при условии появления одного из двух несовместных событий B_1 и B_2 , образующих полную группу событий. Известны вероятность $P(B_1) = \frac{1}{3}$ и

условные вероятности $P(A/B_1) = \frac{1}{2}$, $P(A/B_2) = \frac{1}{4}$. Тогда вероятность $P(A)$ равна...

Варианты ответов:

- | | |
|------------------|------------------|
| 1) $\frac{3}{4}$ | 2) $\frac{1}{3}$ |
| 3) $\frac{2}{3}$ | 4) $\frac{1}{2}$ |

21. В первой урне 4 черных и 6 белых шаров. Во второй урне 3 белых и 7 черных шаров. Из наудачу взятой урны вынули один шар. Тогда вероятность того, что этот шар окажется белым равна...

Варианты ответов:

- | | |
|---------|---------|
| 1) 0,15 | 2) 0,45 |
| 3) 0,4 | 4) 0,9 |

22. Дан закон распределения вероятностей дискретной случайной величины x :

x	1	2	3	4
P	0,2	0,3	0,4	a

Тогда значение a равно...

Варианты ответов:

- | | |
|----------|--------|
| 1) - 0,7 | 2) 0,2 |
| 3) 0,7 | 4) 0,1 |

23. Непрерывная случайная величина x задана плотностью распределения вероятностей

$$f(x) = \frac{1}{8\sqrt{2\pi}} \cdot e^{-\frac{(x-9)^2}{128}}$$

. Тогда математическое ожидание этой нормально распределенной

случайной величины равно...

Варианты ответов:

- | | |
|-------|--------|
| 1) 64 | 2) 9 |
| 3) 8 | 4) 128 |

24. Точечная оценка математического ожидания нормального распределения равна 12. Тогда его интервальная оценка может иметь вид...

Варианты ответов:

- | | |
|-----------------|-----------------|
| 1) (11,4; 12) | 2) (12; 12,6) |
| 3) (11,4; 12,6) | 4) (11,4; 11,5) |

25. Выборочное уравнение парной регрессии имеет вид $y = 5 - 3x$. Тогда выборочный коэффициент корреляции может быть равен...

Варианты ответов:

- | | |
|--------|----------|
| 1) - 5 | 2) 5 |
| 3) 0,4 | 4) - 0,4 |

Ключи к тестовым заданиям для контроля остаточных знаний
Тематическая структура

№ ДЕ	Наименование дидактической единицы ГОС	№ задания	Ответ
1	Линейная алгебра	1.	3
		2.	3
2	Аналитическая геометрия	3.	4
		4.	2
		5.	1-А,2-С,3-В,4-Д
3	Комплексные числа	6.	4
		7.	1
		8.	2
4	Математический анализ	9.	3
		10.	1-А,2-В,3-С
		11.	3
		12.	2
		13.	2
		14.	1
5	Дифференциальные уравнения	15.	3
		16.	2
		17.	4
6	Дискретная математика	18.	2

		19.	4
7	Теория вероятностей	20.	2
		21.	2
		22.	4
		23.	2
8	Математическая статистика	24.	3
		25.	4

Вопросы к зачёту (1 семестр)

1. Матрицы. Вид матриц. Основные операции над матрицами, их свойства.
2. Определители второго и третьего порядков. Их свойства.
3. Миноры, алгебраические дополнения. Теорема о разложении определителя по строке (столбцу).
4. Обратная матрица. Необходимое и достаточное условие существования обратной матрицы.
5. Ранг матрицы. Базисный минор. Элементарные преобразования матрицы.
6. Системы линейных уравнений: совместимость, определенность и т.д.
7. Правило Крамера.
8. Матричная запись системы линейных уравнений и матричное решение.
9. Теорема Кронекера-Капелли.
10. Векторы и основные понятия: коллинеарность, равенство векторов, длина вектора, компланарность.
11. Линейные операции над векторами и их свойства.
12. Декартовы системы координат. Деление отрезка в данном отношении, условие коллинеарности векторов.
13. Понятие базиса на прямой, плоскости и в пространстве. Вычисление координат вектора.
14. Скалярное произведение векторов, его свойства.
15. Теорема о выражении скалярного произведения через координаты векторов.
16. Векторное произведение векторов, его свойства. Теорема о выражении векторного произведения через координаты векторов.
17. Смешанное произведение векторов, его свойства. Теорема о выражении смешанного произведения через координаты векторов.
18. Понятие об уравнении линии. Уравнение окружности.
19. Общее уравнение прямой. Каноническое и параметрическое уравнение прямой.
20. Уравнение прямой, проходящей через две точки. Уравнение прямой в отрезках.
21. Уравнение прямой с условным коэффициентом. Расстояние от точки до прямой.
23. Исследование общего уравнения прямой.
24. Взаимное расположение прямых. Угол между прямыми. Условие параллельности и перпендикулярности прямых.
25. Кривые второго порядка: эллипс, гипербола, парабола. Вывод канонического уравнения для кривых второго порядка.
26. Общее уравнение плоскости. Уравнение плоскости в отрезках. Уравнение плоскости, проходящей через три точки.
27. Различные уравнения прямой в пространстве.
28. Исследование общего уравнения плоскости. Взаимное расположение плоскостей: угол между плоскостями, условие параллельности и перпендикулярности.
29. Различные виды уравнений прямой в пространстве.
30. Взаимное расположение двух прямых в пространстве. Угол между прямыми, условие параллельности и перпендикулярности.
31. Понятие числовой последовательности. Предел числовой последовательности.
32. Свойства сходящихся последовательностей.
33. Бесконечно малые и бесконечно большие последовательности, связь между ними. Основные свойства бесконечно малых последовательностей.
34. Арифметические операции над сходящимися последовательностями.
35. Монотонные последовательности. Теорема о существовании предела монотонной последовательности. Число e .
36. Понятие функции одной переменной. Способы задания функций. Классификация функций. Основные элементарные функции и их графики.
37. Предел функции в точке. Геометрический смысл предела.
38. Односторонние пределы. Предел функции на бесконечности.
39. Бесконечно малые и бесконечно большие функции.
40. Основные теоремы о пределах: единственность предела, арифметические операции над функциями, имеющими предел и т.д.
41. Замечательные пределы и их следствия.
42. Определение непрерывности функции. Свойства функций, непрерывных в точке.
43. Непрерывность некоторых элементарных функций (многочлена, дробно-рациональной, тригонометрических).

44. Определение и классификация точек разрыва.
45. Свойства функций, непрерывных на отрезке.
46. Задачи, приводящие к понятию производной (о скорости и касательной).
47. Определение производной, ее геометрический, физический и экономический смысл.
48. Производные некоторых элементарных функций (x^2 , $\sin x$, $\cos x$, $\operatorname{tg} x$).
49. Основные правила дифференцирования.
50. Связь между существованием производной и непрерывностью функции в точке.
51. Производная сложной функции.
52. Производная обратной функции. Производные функций $y = \arcsin x$, $y = \arccos x$, $y = \operatorname{arctg} x$.
53. Неявная функция и ее производная.
54. Производная параметрических заданных функций.
55. Определение дифференцируемости функции в данной точке. Критерий дифференцируемости функции в точке.
56. Дифференциал функции, его геометрический смысл. Применение дифференциала для приближенных вычислений.
57. Производные высших порядков. Вторая производная параметрически заданной функции.
58. Теоремы Ферма и Ролля. Их геометрический смысл.
59. Теоремы Лагранжа и Коши. Их геометрический смысл.
60. Правило Лопиталю. Раскрытие неопределенностей вида $0 \cdot \infty$, 0^0 , 1^0 , ∞^0 .
61. Исследование функций с помощью производной. Необходимое и достаточное условие возрастания и убывания. Критические точки.
62. Экстремумы функции. Необходимое и достаточное условия экстремума.
63. Исследование функции на выпуклость и вогнутость. Точки перегиба.
64. Асимптоты графика. Исследование и построение графиков функций.

Вопросы к экзамену (2 семестр)

1. Неопределенный интеграл и его основные свойства.
2. Основные методы интегрирования: замена переменной и интегрирование по частям.
3. Интегрирование рациональных функций.
4. Интегрирование некоторых иррациональных и тригонометрических функций.
5. Задачи, приводящие к понятию определенного интеграла. Необходимое условие существования определенного интеграла.
6. Основные свойства определенного интеграла. Формула Ньютона-Лейбница.
7. Геометрические приложения определенного интеграла: а) площадь плоской фигуры; б) длина плоской кривой.
8. Приближенные методы вычисления определенного интеграла.
9. Несобственные интегралы первого и второго рода.
10. Понятие функции двух переменных. Область определения и геометрическое изображение некоторых функций двух переменных.
11. Частные приращения и частные производные функции двух переменных.
12. Полное приращение функции двух переменных. Дифференциал функции двух переменных.
13. Частные производные высших порядков функции двух переменных.
14. Экстремумы функции двух переменных.
15. Касательная плоскость и нормаль к поверхности.
16. Метод наименьших квадратов.
17. Дифференциальные уравнения первого порядка. Общее и частное решение. Задача Коши и ее геометрический смысл.
18. Дифференциальные уравнения первого порядка с разделенными и разделяющимися переменными; однородные и линейные дифференциальные уравнения первого порядка.
19. Дифференциальные уравнения высших порядков. Общее решение. Начальные условия.
20. Дифференциальные уравнения высших порядков, допускающие понижение порядка.
21. Линейные дифференциальные уравнения высших порядков, однородные и неоднородные.
22. Линейные однородные дифференциальные уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами. Характеристическое уравнение.
23. Структура общего решения линейного неоднородного уравнения с постоянными коэффициентами.

24. Понятие числового ряда. Сходящиеся и расходящиеся числовые ряды. Необходимое условие сходимости ряда.

Вопросы к экзамену (3 семестр)

1. Признаки сходимости рядов с положительными членами: признаки сравнения, Даламбера, Коши, интегральный.
2. Знакопередающиеся ряды. Теорема Лейбница и следствие из нее.
3. Степенные ряды. Интервал и радиус сходимости. Теорема Абеля.
4. Разложение основных функций в степенной ряд.
5. Понятие события, виды событий.
6. Классическое определение вероятностей события, его свойства.
7. Основные формулы комбинаторики.
8. Алгебра событий. Теоремы сложения вероятностей, следствия из них.
9. Независимые события. Теоремы умножения вероятностей, следствия из них.
10. Формула полной вероятности. Формула Байеса.
11. Независимые повторные испытания. Формула Бернулли.
12. Локальная и интегральная теоремы Лапласа. Теорема Пуассона.
13. Виды случайных величин. Закон распределения вероятностей дискретной случайной величины. Многоугольник распределения.
14. Числовые характеристики дискретных случайных величин и их свойства.
15. Начальные и центральные теоретические моменты.
16. Функция распределения вероятностей и ее свойства. График функции распределения.
17. Плотность распределения вероятностей непрерывной случайной величины и ее свойства.
18. Числовые характеристики непрерывных случайных величин и их свойства.
19. Виды дискретных распределений: биномиальные и др.
20. Виды непрерывных распределений: равномерное и показательное.
21. Нормальное распределение. Кривая Гаусса. Влияние параметров нормального распределения на формулу нормальной кривой.
22. Вычисление вероятности заданного отклонения. Правила трех сигм.
23. Теорема Ляпунова. Центральная и предельная теоремы.
24. Оценка отклонения теоретического распределения от нормального. Асимметрия и эксцесс.
25. Функция двух случайных величин. Распределение суммы двух случайных величин.
26. Понятие о системе нескольких случайных величин. Законы распределения вероятностей дискретной двумерной случайной величины.
27. Функция распределения двумерной случайной величины и ее свойства.
28. Вероятность попадания случайной точки в прямоугольник.
29. Плотность совместного распределения вероятностей непрерывной двумерной случайной величины и ее свойства.
30. Условные законы распределения составляющих системы дискретных случайных величин.
31. Зависимые и независимые случайные величины. Корреляционный момент. Коррелированность и зависимость случайных величин.
32. Линейная регрессия.
33. Задачи математической статистики. Генеральная и выборочная совокупности.
34. Повторная и бесповторная выборки. Репрезентативная выборка. Способы отбора.
35. Статистические распределения выборки. Эмпирическая функция распределения.
36. Полигон и гистограмма.
37. Статистические оценки параметров распределения. Несмещенные, эффективные и состоятельные оценки.
38. Генеральная и выборочная средние.
39. Генеральная и выборочная дисперсии. Оценка генеральной дисперсии по исправленной выборочной.
40. Групповая, внутригрупповая, межгрупповая и общие дисперсии. Сложение дисперсий.
41. Интервальные оценки. Доверительная вероятность и доверительный интервал.
42. Доверительные интервалы для оценки математического ожидания нормального распределения при известном σ .
43. Метод моментов для точечной оценки параметров распределения.
44. Метод наибольшего правдоподобия.
45. Характеристики вариационного ряда.

46. Начальные и центральные эмпирические моменты.
47. Метод произведений для вычисления выборочной средней и дисперсии.
48. Функциональная, статистическая и корреляционная зависимости.
49. Выборочные уравнения регрессии. Отыскание параметров выборочного уравнения прямой линии среднеквадратичной регрессии методом наименьших квадратов.
50. Выборочный коэффициент корреляции.
51. Статистическая гипотеза. Виды гипотез.
52. Ошибки первого и второго рода.
53. Статистический критерий проверки нулевой гипотезы.
54. Критическая область принятия гипотезы. Критические точки.
55. Отыскание правосторонней, левосторонней и двусторонней критической области.
56. Проверка гипотезы о нормальном распределении генеральной совокупности. Критерий согласия Пирсона.

7.4. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений и навыков, и опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций

Требования к контрольной работе.

Контрольная работа представляет собой один из видов самостоятельной работы обучающихся. По сути – это изложение ответов на определенные теоретические вопросы по учебной дисциплине, а также решение практических задач. Контрольные проводятся для того, чтобы развить у обучающихся способности к анализу научной и учебной литературы, умение обобщать, систематизировать и оценивать практический и научный материал, укреплять навыки овладения понятиями определенной науки и т. д.

При оценке контрольной преподаватель руководствуется следующими критериями:

- работа была выполнена автором самостоятельно;
- обучающийся подобрал достаточный список литературы, который необходим для осмысления темы контрольной;
- автор сумел составить логически обоснованный план, который соответствует поставленным задачам и сформулированной цели;
- обучающийся проанализировал материал;
- контрольная работа отвечает всем требованиям четкости изложения и аргументированности, объективности и логичности, грамотности и корректности;
- обучающийся сумел обосновать свою точку зрения;
- контрольная работа оформлена в соответствии с требованиями;
- автор защитил контрольную и успешно ответил на все вопросы преподавателя.

Контрольная работа, выполненная небрежно, не по своему варианту, без соблюдения правил, предъявляемых к ее оформлению, возвращается без проверки с указанием причин, которые доводятся до обучающегося. В этом случае контрольная работа выполняется повторно.

Вариант контрольной работы выдается в соответствии с порядковым номером в списке магистрантов.

Критерии оценки знаний при написании контрольной работы

Отметка «отлично» выставляется обучающемуся, показавшему всесторонние, систематизированные, глубокие знания вопросов контрольной работы и умение уверенно применять их на практике при решении конкретных задач, свободное и правильное обоснование принятых решений.

Отметка «хорошо» выставляется обучающемуся, если он твердо знает материал, грамотно и по существу излагает его, умеет применять полученные знания на практике, но допускает в ответе или в решении задач некоторые неточности, которые может устранить с помощью дополнительных вопросов преподавателя.

Отметка «удовлетворительно» выставляется обучающемуся, показавшему фрагментарный, разрозненный характер знаний, недостаточно правильные формулировки базовых понятий, нарушения логической последовательности в изложении программного материала, но при этом он владеет основными понятиями выносимых на контрольную работу тем, необходимыми для дальнейшего обучения и может применять полученные знания по образцу в стандартной ситуации.

Отметка «неудовлетворительно» выставляется обучающемуся, который не знает большей части основного содержания выносимых на контрольную работу вопросов тем дисциплины, допускает грубые ошибки в формулировках основных понятий и не умеет использовать полученные знания.

Требования к выполнению тестового задания

Тестирование является одним из основных средств формального контроля качества обучения. Это метод, основанный на стандартизированных заданиях, которые позволяют измерить психофизиологические и личностные характеристики, а также знания, умения и навыки испытуемого.

Основные принципы тестирования, следующие:

– связь с целями обучения - цели тестирования должны отвечать критериям социальной полезности и значимости, научной корректности и общественной поддержки;

– объективность - использование в педагогических измерениях этого принципа призвано не допустить субъективизма и предвзятости в процессе этих измерений;

– справедливость и гласность - одинаково доброжелательное отношение ко всем обучающимся, открытость всех этапов процесса измерений, своевременность ознакомления обучающихся с результатами измерений;

– систематичность – систематичность тестирований и самопроверок каждого учебного модуля, раздела и каждой темы; важным аспектом данного принципа является требование репрезентативного представления содержания учебного курса в содержании теста;

- гуманность и этичность - тестовые задания и процедура тестирования должны исключать нанесение какого-либо вреда обучающимся, не допускать ущемления их по национальному, этническому, материальному, расовому, территориальному, культурному и другим признакам;

Важнейшим является принцип, в соответствии с которым тесты должны быть построены по методике, обеспечивающей выполнение требований соответствующего федерального государственного образовательного стандарта.

В тестовых заданиях используются четыре типа вопросов:

– закрытая форма - является наиболее распространенной и предлагает несколько альтернативных ответов на поставленный вопрос. Например, обучающемуся задается вопрос, требующий альтернативного ответа «да» или «нет», «является» или «не является», «относится» или «не относится» и т.п. Тестовое задание, содержащее вопрос в закрытой форме, включает в себя один или несколько правильных ответов и иногда называется выборочным заданием. Закрытая форма вопросов используется также в тестах-задачах с выборочными ответами. В тестовом задании в этом случае сформулированы условие задачи и все необходимые исходные данные, а в ответах представлены несколько вариантов результата решения в числовом или буквенном виде. Обучающийся должен решить задачу и показать, какой из представленных ответов он получил.

– открытая форма - вопрос в открытой форме представляет собой утверждение, которое необходимо дополнить. Данная форма может быть представлена в тестовом задании, например, в виде словесного текста, формулы (уравнения), графика, в которых пропущены существенные составляющие - части слова или буквы, условные обозначения, линии или изображения элементов схемы и графика. Обучающийся должен по памяти вставить соответствующие элементы в указанные места («пропуски»).

– установление соответствия - в данном случае обучающемуся предлагают два списка, между элементами которых следует установить соответствие;

– установление последовательности - предполагает необходимость установить правильную последовательность предлагаемого списка слов или фраз.

Критерии оценки знаний при проведении тестирования

Отметка «отлично» выставляется при условии правильного ответа не менее чем 85% тестовых заданий;

Отметка «хорошо» выставляется при условии правильного ответа не менее чем 70 % тестовых заданий;

Отметка «удовлетворительно» выставляется при условии правильного ответа не менее 50 %;

Отметка «неудовлетворительно» выставляется при условии правильного ответа менее чем на 50 % тестовых заданий.

Результаты текущего контроля используются при проведении промежуточной аттестации.

Критерии оценки знаний на зачете

Зачет - форма проверки знаний, умений и навыков, приобретенных обучающимися в процессе усвоения учебного материала лекционных и практических занятий по дисциплине.

Зачет может проводиться в форме устного опроса по билетам (вопросам) или без билетов, с предварительной подготовкой или без подготовки, по усмотрению преподавателя. Экзаменатор вправе задавать вопросы сверх билета, а также, помимо теоретических вопросов, давать задачи по программе данного курса.

Экзаменатор может проставить зачет без опроса или собеседования тем аспирантам, которые активно участвовали в практических занятиях.

«Зачтено» - выставляется при условии, если аспирант показывает хорошие знания изученного учебного материала; самостоятельно, логично и последовательно излагает и интерпретирует материалы учебного курса; полностью раскрывает смысл предлагаемого вопроса; владеет основными терминами и понятиями изученного курса; показывает умение переложить теоретические знания на предполагаемый практический опыт.

«Не зачтено» - выставляется при наличии серьезных упущений в процессе изложения учебного материала; в случае отсутствия знаний основных понятий и определений курса или присутствии большого количества ошибок при интерпретации основных определений; если аспирант показывает значительные затруднения при ответе на предложенные основные и дополнительные вопросы; при условии отсутствии ответа на основной и дополнительный вопросы.

Критерии оценки знаний на экзамене

Экзамен может проводиться в форме устного опроса по билетам (вопросам) или без билетов, с предварительной подготовкой или без подготовки, по усмотрению преподавателя. Экзаменатор вправе задавать вопросы сверх билета, а также, помимо теоретических вопросов, давать задачи по программе данного курса.

Экзаменационные билеты (вопросы) утверждаются на заседании кафедры и подписываются заведующим кафедрой. В билете должно содержаться не более трех вопросов. Комплект экзаменационных билетов по дисциплине должен содержать 25—30 билетов.

Экзаменатор может проставить экзамен без опроса или собеседования тем студентам которые активно участвовали в семинарских занятиях.

Отметка «отлично» - студент глубоко и прочно усвоил весь программный материал, исчерпывающе, последовательно, грамотно и логически стройно его излагает, тесно увязывает теорию с практикой. Студент не затрудняется с ответом при видоизменении задания, свободно справляется с задачами, заданиями и другими видами применения знаний, правильно обосновывает принятые решения, владеет разносторонними навыками и приемами выполнения практических работ, обнаруживает умение самостоятельно обобщать и излагать материал, не допуская ошибок.

Отметка «хорошо» - студент твердо знает программный материал, грамотно и по существу излагает его, не допускает существенных неточностей в ответе на вопрос, может правильно применять теоретические положения и владеет необходимыми навыками при выполнении практических заданий.

Отметка «удовлетворительно» - студент усвоил только основной материал, но не знает отдельных деталей, допускает неточности, недостаточно правильные формулировки, нарушает последовательность в изложении программного материала и испытывает затруднения в выполнении практических заданий.

Отметка «неудовлетворительно» - студент не знает значительной части программного материала, допускает существенные ошибки, с большими затруднениями выполняет практические работы.

Критерии освоения онлайн курса

Применяется 100-бальная система оценивания

Диапазоны шкалы оценивания (100-бальная шкала)	Оценка прописью
90-100	Отлично
75-89	Хорошо
60-74	Удовлетворительно
0-59	Неудовлетворительно

8. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

8.1. основная литература

1. Курс высшей математики [Электронный ресурс]: учебник. Ч. 1/ М.К. Беданок М.К. и др. – Майкоп: Магарин О.Г., 2013. – 384 с. – Режим доступа: <http://lib.mkgtu.ru:8002/libdata.php?id=2000047917>
2. Курс высшей математики [Электронный ресурс]: учебник. Ч. 2/ М.К. Беданок М.К. и др. – Майкоп: Магарин О.Г., 2013. – 279 с. – Режим доступа: <http://lib.mkgtu.ru:8002/libdata.php?id=2000047918>
3. Чуюко Е.Б. Сборник задач по высшей математике: Учебное пособие для бакалавров. – Майкоп: ИП Кучеренко В.О., 2014. – 180с.
4. Шипачев, В.С. Высшая математика [Электронный ресурс]: учебник / В.С. Шипачев. - Москва: ИНФРА-М, 2019. - 479 с. - ЭБС «Znanium.com» - Режим доступа: <http://znanium.com/catalog/product/990716>

8.2. дополнительная литература:


- 5 Математика в примерах и задачах [Электронный ресурс]: учебное пособие / Л.Н. Журбенко [и др.] - М.: ИНФРА-М, 2019. - 372 с. - ЭБС «Znanium.com» - Режим доступа: <http://znanium.com/catalog/product/989802>
6. Куижева, С К Основы теории вероятностей и математической статистики [Электронный ресурс]: учебное пособие / С.К. Куижева, Л.Ж. Паланджянц, О.П. Шевякова - Майкоп : Магарин О.Г., 2013. - 136 с.- Режим доступа: <http://lib.mkgtu.ru:8002/libdata.php?id=2000029460>
. - 136 с.- Режим доступа: <http://lib.mkgtu.ru:8002/libdata.php?id=2000029460>

8.3. Информационно-телекоммуникационные ресурсы сети «Интернет»

- Образовательный портал ФГБОУ ВО «МГТУ» [Электронный ресурс]: Режим доступа: <https://mkgtu.ru/>
- Единое окно доступа к образовательным ресурсам: Режим доступа: <http://window.edu.ru/>
- <http://www.mathprofi.ru/> - ресурс предназначен для студентов технических, экономических и гуманитарных специальностей. Каждый, кто осваивает высшую математику, найдет немало полезных учебных материалов, изложенных в доступной форме.
- <https://www.webmath.ru/> - математические онлайн сервисы для помощи школьникам и студентам с решением задач по математике, физике, теории вероятности и многим другим предметам. На сайте представлено много.
- <https://math.semestr.ru/> - онлайн калькуляторы по различным разделам математики.
 - Современная цифровая образовательная среда в РФ (СЦОС): Режим доступа: <https://online.edu.ru/>
 - Онлайн курс «Математический анализ»: Режим доступа: <https://www.lektorium.tv/matematiceskij-analiz> - ресурс поможет изучить университетский курс математического анализа, разобраться в решении основных задач и подготовиться к экзаменам по высшей математике, можно решать примеры вместе с авторами в удобном формате - просматривая видеоролики или изучая другие материалы курса.
 - Онлайн курс «Линейная алгебра и аналитическая геометрия»: Режим доступа: <https://www.lektorium.tv/linear-algebra> - в видеороликах авторы курса объясняют ключевые понятия и приводят примеры решения типовых задач алгебры и аналитической геометрии. Более подробно изучить теорию помогут дополнительные материалы курса, а закрепить знания можно, выполняя задания для самопроверки и оцениваемые тесты.

Методические указания по освоению дисциплины

№	Раздел	Рассматриваемые вопросы	Рекомендуемая литература	Типовые задачи	Онлайн курс
1 семестр					

СОГЛАСОВАНО
С БИБЛИОТЕКОЙ МГТУ

/САМУСОВА Е.Е.

1.	Линейная алгебра.	Действия на матрицах. Линейные операции. Умножение. Вычисление определителей. Обратная матрица. СЛУ. Метод Крамера, матричный метод, метод Гаусса	[1]	[3]	https://www.lektorium.tv/linear-algebra
2.	Векторная алгебра.	Линейные операции над векторами. Разложение векторов по базису. Линейные операции над векторами, заданными координатами. Скалярное произведение векторов, приложения: работа силы, угол между векторами. Векторное произведение векторов, приложения: площадь параллелограмма, момент силы. Смешанное произведение векторов, приложения: объем параллелепипеда.	[1]	[3]	https://www.lektorium.tv/linear-algebra
3.	Аналитическая геометрия.	Уравнение прямой: с угловым коэффициентом, общее, в отрезках. Угол между двумя прямыми, условия параллельности и перпендикулярности. Кривые второго порядка Плоскость: общее уравнение, понятие нормального вектора. Угол между плоскостями, условия параллельности и перпендикулярности двух плоскостей. Прямая в пространстве: понятие направляющего вектора, каноническое уравнение прямой,	[3]	[4]	https://www.lektorium.tv/linear-algebra

		общее уравнение, параметрическое уравнение. Взаимное расположение двух прямых в пространстве. Угол между прямыми. Взаимное расположение прямой и плоскости. Угол между прямой и плоскостью.			
4.	Комплексные числа.	Основные понятия. Алгебраическая форма записи комплексного числа. Действия над комплексными числами в алгебраической форме записи. Тригонометрическая форма записи комплексного числа. Действия над комплексными числами в тригонометрической форме записи. Показательная форма записи комплексного числа. Действия над комплексными числами в показательной форме записи.	[1]	[3]	
5.	Предел последовательности. Предел функции.	Операции над множествами. Декартово произведение векторов. Числовая последовательность. Предел числовой последовательности. Предел функции. Замечательные пределы. Раскрытие неопределенностей. Непрерывность функции в точке. Классификация точек разрыва функции	[1]	[3,4]	https://www.lektorium.tv/matematicheski-j-analiz
6.	Дифференциальное исчисление функции одной переменной.	Основные правила дифференцирования. Производная сложной и обратной функций.	[1]	[3,4]	https://www.lektorium.tv/matematicheski

		<p>Понятие дифференциала функции, его геометрический смысл. Применение дифференциала в приближенных вычислениях. Правило Лопиталю. Раскрытие неопределенностей. Интервалы монотонности, алгоритм их отыскания. Экстремум функции. Наибольшее и наименьшее значения функции, непрерывной на отрезке. Выпуклость графика функции, точки перегиба. Асимптоты графика функции. Общая схема исследования функции и построения её графика.</p>			j-analiz
2 семестр					
1.	<p>Дифференциальное исчисление функций нескольких переменных.</p>	<p>Основные понятия. Частные производные первого порядка. Полный дифференциал функции. Производная по направлению. Градиент. Частные производные второго порядка. Теорема Шварца. Дифференциал второго порядка. Производные сложной функции. Касательная плоскость и нормаль к поверхности. Экстремум функции. Наибольшее и наименьшее значение функции. Эмпирические формулы. Метод наименьших</p>	[1]	[3,4]	<p>https://www.lektorium.tv/matematicheski-j-analiz</p>

		квадратов.			
2.	Интегральное исчисление.	Неопределенный интеграл. Основные методы интегрирования. Определенный интеграл. Формула Ньютона-Лейбница. Замена переменной и формула интегрирования по частям в определенном интеграле. Геометрические приложения определенного интеграла. Интеграл с бесконечными пределами интегрирования. Интеграл от разрывной функции.	[1]	[3,4]	https://www.lektorium.tv/matematiceskij-analiz
3.	Дифференциальные уравнения.	Основные понятия. Дифференциальные уравнения с разделёнными и с разделяющимися переменными. Однородные дифференциальные уравнения. Линейные дифференциальные уравнения. Дифференциальные уравнения второго порядка. Дифференциальные уравнения второго порядка, допускающие понижение степени. Линейные однородные дифференциальные уравнения. Линейные неоднородные дифференциальные уравнения.	[2]	[3,4]	https://www.lektorium.tv/matematiceskij-analiz
3 семестр					
1.	Ряды.	Числовые ряды. Признаки сходимости Знакопеременные ряды. Знакопеременные ряды.	[2]	[3,4]	

		Функциональные ряды. Степенные ряды.			
2.	Теория вероятностей.	Классическое определение вероятности. Свойства вероятности. Элементы комбинаторики. Геометрическая вероятность. Сумма двух событий. Теорема сложения вероятностей несовместных событий. Произведение событий, условная вероятность. Теорема умножения для зависимых событий. Независимые события. Теорема умножения для независимых событий. Формула полной вероятности. Формулы Байеса. Формула Бернулли. Наиболее вероятное число успехов. Локальная и интегральная теоремы Муавра-Лапласа. Формула Пуассона.	[2]	[3]	
3.	Математическая статистика.	Вариационные ряды. Эмпирическая функция распределения и ее свойства. Графическое изображение вариационных рядов. Числовые характеристики вариационных рядов: средняя арифметическая, мода и медиана, дисперсия, среднее квадратическое отклонение, коэффициент вариации, начальные и центральные	[2]	[3]	

		<p>моменты, асимметрия и эксцесс. Понятие интервального оценивания параметров. Доверительный интервал для оценки математического ожидания нормального распределения при известном σ. Проверка статистических гипотез. Критерий χ^2 К. Пирсона.</p>			
--	--	--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	--	--	--

10. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю), включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем (при необходимости)

Информационные технологии, используемые при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, позволяют:

- организовать процесс образования путем визуализации изучаемой информации посредством использования презентаций, учебных фильмов;
- контролировать результаты обучения на основе компьютерного тестирования;
- автоматизировать расчеты аналитических показателей, предусмотренные программой научно-исследовательской работы;
- автоматизировать поиск информации посредством использования справочных систем.

10.1. Перечень необходимого программного обеспечения


1. Microsoft Office 2010 номер продукта 14.0.6024.1000 SP1 MSO (14.0.6024.1000) 02260-018-0000106-48095
2. Adobe Reader 9 Бесплатно
3. ОС Windows 7 Профессиональная, Microsoft Corp. № 00371-838-5849405-85257, 23.01.2012, бессрочный
4. Open Office 4.1.5, Apache 01.02.2019, лицензия LGPL.
5. 7-zip.org GNU LGPL

10.2. Перечень необходимых информационных справочных систем:

Каждый обучающийся в течение всего периода обучения обеспечен индивидуальным неограниченным доступом к электронно-библиотечным системам:

1. ЭБС «Znanium.com» Правообладатель: ООО «НИЦ ИНФРА-М» Ресурс используется с 2013 года Адрес: <http://znanium.com/> полнотекстовый количество доступов 9 265 + IP
2. ЭБС IPRbooks Правообладатель: ООО «Ай Пи Эр Медиа» Ресурс используется с 2016 года Адрес: <http://www.iprbookshop.ru/> количество доступов 8000
3. eLIBRARY.RU (НЭБ) Правообладатель: ООО «Интра-Центр+» Ресурс используется с 2009 года Адрес: <http://elibrary.ru> полнотекстовый без ограничения количества доступов (регистрация)
4. ЭНБ «Киберленинка» Правообладатель: ООО «Итеос» Ресурс используется с 2014 года Адрес: <http://cyberleninka.ru/> Полнотекстовый без ограничения количества доступов (регистрация)

11. Описание материально-технической базы необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю)

СОГЛАСОВАНО
С БИБЛИОТЕКОЙ МГТУ

/САМУСОВА Е.Е./

Наименования специальных помещений и помещений для самостоятельной работы	Оснащенность специальных помещений и помещений для самостоятельной работы	Перечень лицензионного программного обеспечения. Реквизиты подтверждающего документа
Специальные помещения		
<p>Учебные аудитории для проведения лекционных занятий 311 ул.Первомайская ,191, 3 этаж.</p>	<p>Переносное мультимедийное оборудование, доска, мебель для аудиторий</p>	<p>Microsoft Office 2010 номер продукта 14.0.6024.1000 SP1 MSO (14.0.6024.1000) 02260-018-0000106-48095 Adobe Reader 9 Бесплатно ОС Windows 7 Профессиональная, Microsoft Corp. № 00371-838-5849405-85257, 23.01.2012, бессрочный Open Office 4.1.5, Apache 01.02.2019, лицензия LGPL. 7-zip.org GNU LGPL</p>
Помещения для самостоятельной работы		
<p>Учебная аудитория для занятий семинарского типа, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации: 314 ул.Первомайская ,191, 3 этаж.</p>	<p>Переносное мультимедийное оборудование, доска, мебель для аудиторий</p>	<p>1. Microsoft Office 2010 номер продукта 14.0.6024.1000 SP1 MSO (14.0.6024.1000) 02260-018-0000106-48095 2. Adobe Reader 9 Бесплатно 3. ОС Windows 7 Профессиональная, Microsoft Corp. № 00371-838-5849405-85257, 23.01.2012, бессрочный 4. Open Office 4.1.5, Apache 01.02.2019, лицензия LGPL. 7-zip.org GNU LGPL</p>

Дополнения и изменения в рабочей программе

за _____ / _____ учебный год

В рабочую программу _____

(наименование дисциплины)

для направления (специальности) _____

(номер направления (специальности))

вносятся следующие дополнения и изменения:

Дополнения и изменения внес _____

(должность, Ф.И.О., подпись)

Рабочая программа пересмотрена и одобрена на заседании кафедры

(наименование кафедры)

« ____ » _____ 200_г.

Заведующий кафедрой _____

(подпись)

(Ф.И.О.)